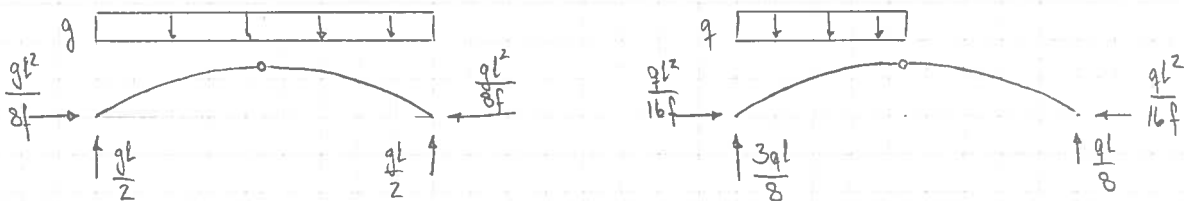


$$z(x) = \frac{4fx}{l^2} (l-x)$$

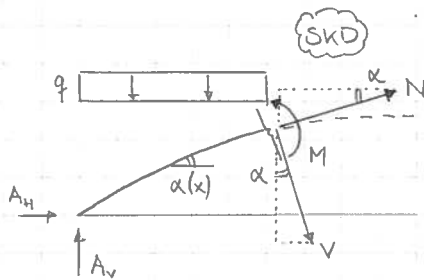
$$z'(x) = \frac{4f}{l^2} (l-2x)$$

$$g = 86 \text{ kN/m}, \quad q = 12 \text{ kN/m}, \quad l = 80 \text{ m}, \quad f = 13 \text{ m}$$

a) - Lagerkraftgrößen:



- Schnittgrößen:



$$\tan(\alpha(x)) = \frac{dz}{dx} = z'$$

$$\sin(\alpha(x)) = \frac{dz}{ds} = \frac{z'}{\sqrt{1+z'^2}}$$

$$\cos(\alpha(x)) = \frac{dx}{ds} = \frac{1}{\sqrt{1+z'^2}}$$

Merke: $ds = \sqrt{dx^2 + dz^2} = \sqrt{dx^2 \cdot \left(1 + \frac{dz^2}{dx^2}\right)} = dx \cdot \sqrt{1+z'^2}$

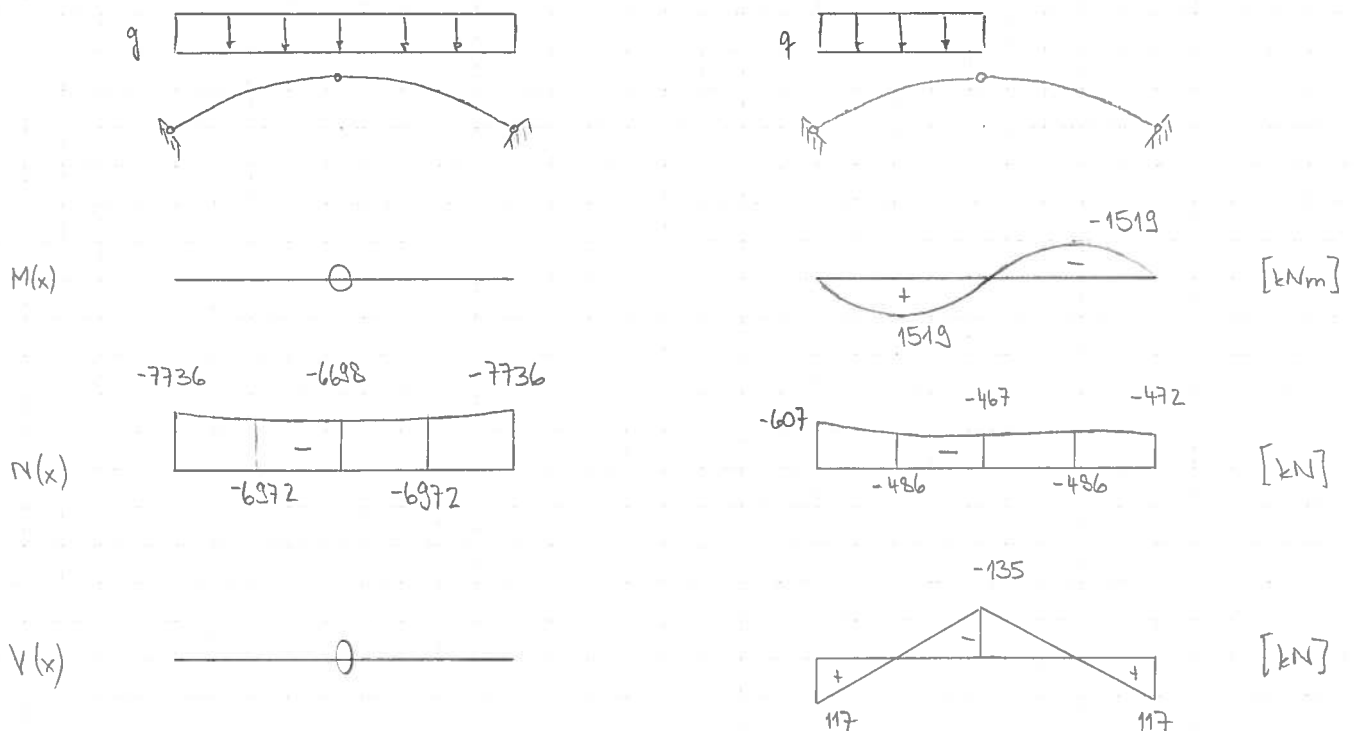
$$\sum M: \quad M = A_V \cdot x - \frac{q \cdot x^2}{2} - A_H \cdot z(x) \quad (1)$$

$$\sum F_H: \quad N \cdot \cos \alpha + V \cdot \sin \alpha + A_H = 0 \rightarrow N = -\frac{A_H}{\cos \alpha} - V \cdot \tan \alpha \quad (2)$$

$$\sum F_V: \quad N \cdot \sin \alpha - V \cdot \cos \alpha + A_V - q \cdot x = 0 \rightarrow V = \frac{A_V - q \cdot x}{\cos \alpha} + N \cdot \tan \alpha \quad (3)$$

$$\begin{array}{l} \text{(3) in (2)} \\ \longrightarrow \end{array} \quad N = \frac{q \cdot x \cdot z' - A_v \cdot z' - A_H}{\sqrt{1+z'^2}} \quad (4)$$

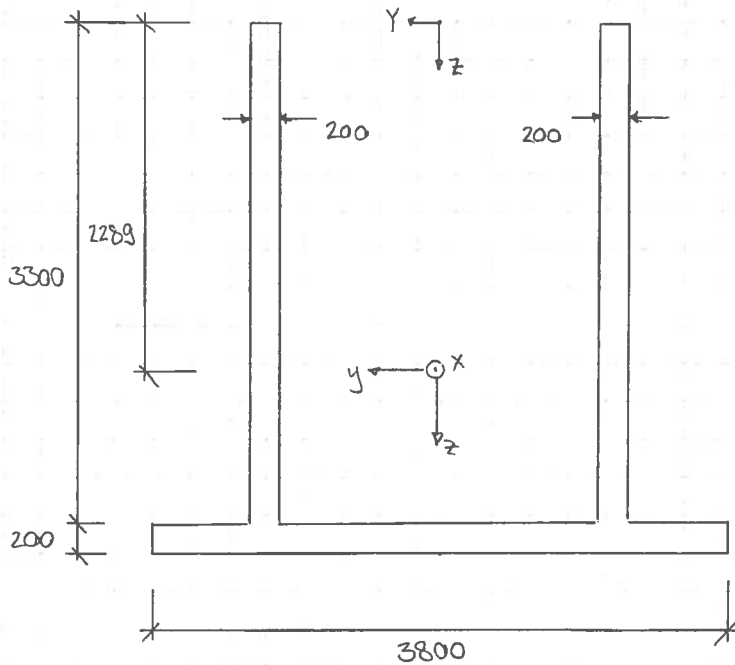
$$\begin{array}{l} \text{(4) in (3)} \\ \longrightarrow \end{array} \quad V = \frac{A_v - q \cdot x - A_H \cdot z'}{\sqrt{1+z'^2}} \quad (5)$$



- b) - Dank der parabolischen Bogenform entstehen infolge Eigenlasten nur Normalkräfte. Die Bogenform entspricht der Stützlinie für Eigenlasten.
- Die antisymmetrische Nutzlast verursacht neben der Normalkraft auch Biegemomente und Querkräfte.
 - In den Viertelpunkten ist das Biegemoment maximal. Eine Verstärkung des Bogens in diesen Bereichen - wie sie R. Maillart bei der Salginatobelbrücke vornahm - ist folglich sinnvoll.

Baustatik III	Musterlösung	Page 3 / 3
Hausübung 11		LT/ 5.12.13

c)



$$A = (3,8 + 2 \cdot 3,3) \cdot 0,2 = 2,08 \text{ m}^2$$

$$z_s = \frac{0,2 \cdot (2 \cdot \frac{3,3^2}{2} + 3,8 \cdot 3,4)}{2,08} = 2,29 \text{ m}$$

$$I_y = 2 \cdot \left(\frac{0,2 \cdot 3,3^3}{12} + 0,2 \cdot 3,3 \cdot \left(\frac{3,3}{2} - 2,29 \right)^2 \right) + \frac{3,8 \cdot 0,2^3}{12} + 3,8 \cdot 0,2 \cdot (3,4 - 2,29)^2 = 2,678 \text{ m}^4$$

$$\bar{\sigma} = \frac{N}{A} + \frac{M}{I_y} \cdot z$$

- Spannungen im Viertelspunkt i:

$$\bar{\sigma}_{\text{sup}} = \frac{-486 - 6972}{2,08 \cdot 10^3} + \frac{1519}{2678} \cdot (-2,289) = -4,88 \text{ N/mm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{\text{inf}} = \frac{-486 - 6972}{2,08 \cdot 10^3} + \frac{1519}{2678} \cdot (3,5 - 2,289) = -2,90 \text{ N/mm}^2$$

- Spannungen im Viertelspunkt j:

$$\bar{\sigma}_{\text{sup}} = \frac{-486 - 6972}{2,08 \cdot 10^3} + \frac{-1519}{2678} \cdot (-2,289) = -2,29 \text{ N/mm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{\text{inf}} = \frac{-486 - 6972}{2,08 \cdot 10^3} + \frac{-1519}{2678} \cdot (3,5 - 2,289) = -4,27 \text{ N/mm}^2$$

- Spannungsverteilung

